

نقطه: یک از مفاهیم تعریف نشده در ریاضیات «نقطه» می‌باشد، و به صورت نادقیقی می‌توان گفت که: اثر قلم بر روی کاغذ را نقطه می‌گویند. (نقطه در ریاضیات طول و عرض ندارد)

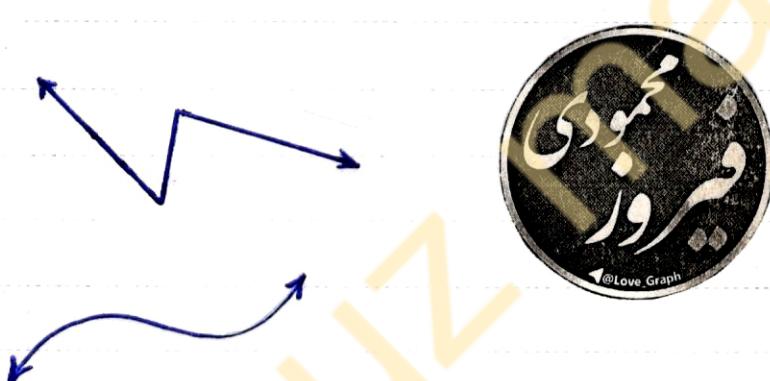
نکته: برای نام‌گذاری هر نقطه از حروف بزرگ لاتین استفاده می‌کنیم. مثل:

خط: از پشت سر هم قرار گرفتن بی شمار نقطه، «خط» تشکیل می‌شود.
علامت فلش هایه این معنی هستند که این خط از هر دو طرف تا بینهایتدامه دارد (از هر دو طرف بانها است)

نکته: برای نام‌گذاری هر خط از حروف کوچک لاتین در هر دو طرف آن استفاده می‌کنیم

مثال: خطوط متعاب را نام‌گذاری کنید.

(الف) خط راست:



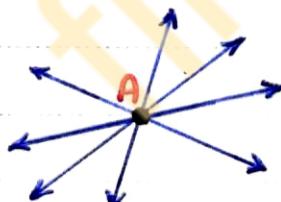
(ب) خط شکسته:



انواع خط

(ج) خط خمیده (منحنی)

نکته‌ی مهم: وقتی منظور ما خط راست باشد، آن را صرفاً خط نامیم ولی انواع دیگر خط‌ها را با ذکر نوع آنها مشناسیم



(الف) از یک نقطه، بیشتر خط می‌گذرد.

نکته‌ی مهم



(ب) از دو نقطه، فقط یک خط راست (خط) می‌گذرد.



(ج) از دو نقطه، بیشتر خط شکسته و خمیده می‌گذرد.

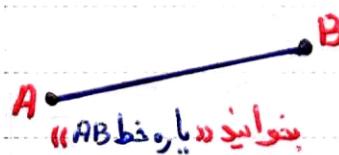
تعریف پاره خط: به قسمی از یک خط گفتگو شود که هر دو طرف آن بسته باشد. به بیان بعتر می‌توان گفت که: پاره خط، قسمی از یک خطی باشد که بین دو نقطه ترا را گرفته باشد.

مثال: در شکل مقابل قسمی از خط \overleftrightarrow{y} را با دو نقطه مشخص کردیم و در واقع یک پاره خط ایجاد ندادیم.



نکته‌ی مهم: برای نام‌گذاری هر پاره خط باید هر دو طرف آن را با «در فاصله لاین» مشخص کنیم.

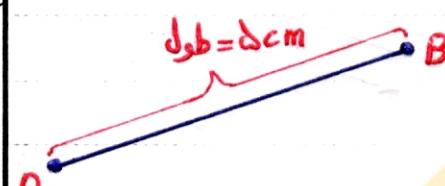
مثال: پاره خط مقابل را نام‌گذاری کنید.



سؤال: اگر AB یک پاره خط باشد، منظور از \overline{AB} چیست؟

جواب: یعنی طول پاره خط AB .

مثال: اگر پاره خط مقابل را با خطکش اداز، گیری کنیم و طول آن ۵ سانتی‌متر (5cm) باشد، می‌نویسیم $\overline{AB} = 5\text{cm}$.
نکته: عبارت « \overline{AB} » را به صورت «طول پاره خط AB » بخواهید.

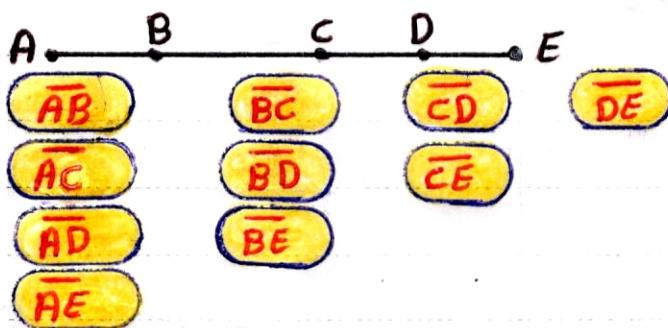


مثال: در شکل مقابل داریم؟



$$\overline{AD} = \quad \overline{AC} = 1\text{cm} \quad \overline{BD} = 9\text{cm}$$

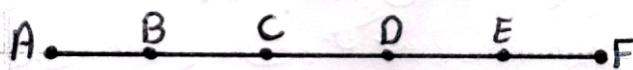
مثال: در شکل مقابل چند پاره خط وجود دارد؟



جواب: به کمک راهبرد الگوسازی داریم؛

بنابراین ده پاره خط در این شکل وجود دارد.

مثال: در شکل مقابل، چند بار خط وجود دارد؟



جواب: بارشستی

$$\text{تعداد نقاط} = \frac{(\text{یک کمتر از تعداد نقاط}) \times \text{تعداد نقاط}}{2} = \frac{4 \times 5}{2} = 10$$



مثال: اگر روی یک پاره خط ۸ نقطه قرار دهیم، چند بار خط وجود می‌آید؟

- الف) ۲۵ ج) ۴۵
ب) ۳۶ د) هیچ‌کدام

جواب: فرض کنید روی پاره خط AB هشت نقطه تراوی دهیم. بنابراین تعداد کل این نقاط

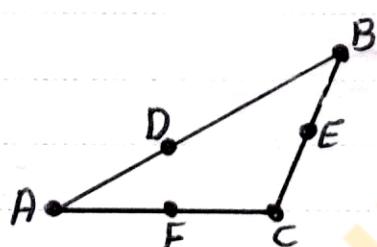


$$\text{تعداد بار خطها} = \frac{10 \times 9}{2} = 45$$

برابر باشد



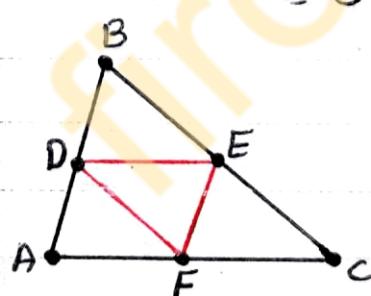
نکته: آگرین دو سریک پاره خط، یک نقطه تراوی دهیم، سه پاره خط موجود می‌آید.



مثال: در شکل مقابل چند بار خط وجود دارد؟

جواب: روی هر ضلع این مثلث، سه پاره خط وجود دارد.
بنابراین $3+3+3=9$ تعداد بار خطها

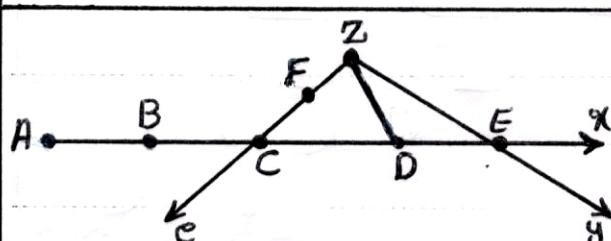
مثال: اگر وسط فضلهای یک مثلث را بهم وصل کنیم، چند بار خط وجود می‌آید.



$$\text{تعداد بار خطها} = 3+3+3+3=12$$

داخل روی سه فضله

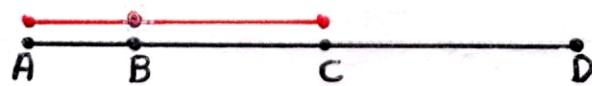
- الف) ۱۸ ج) ۲۱
ب) ۱۵ د) ✓



مثال: در شکل مقابل چند بار خط وجود دارد؟

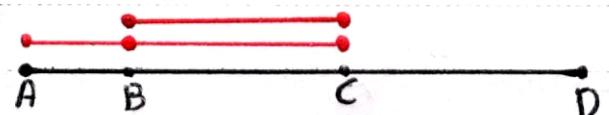
- الف) ۲۱ ج) ۴۵
ب) ۲۸ د) ۳۵

نکته‌ای هشتم: برای جمع دو پاره خط، آنها را به دنبال هم قرار می‌دهیم تا پاره خط حاصل جمع بدست آید.
مثال: با توجه به شکل مقابل حاصل عبارت زیر را بسط آورید.



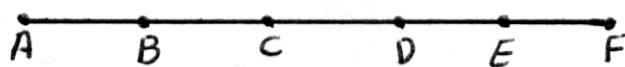
$$\overline{AB} + \overline{BC} = \overline{AC}$$

نکته‌ای هشتم: برای تفریق دو پاره خط، آنها را روی هم قرار می‌دهیم تا پاره خط حاصل تفریق بدست آید.
مثال: با توجه به شکل مقابل حاصل عبارت زیر را بسط آورید.



$$\overline{AC} - \overline{BC} = \overline{AB}$$

سوال هشتم: با توجه به شکل مقابل، حاصل عبارات زیر را بسط آورید.



~~$\overline{AB} + \overline{BC} = \overline{AC}$~~

~~$\overline{AD} - \overline{AC} = \overline{DC}$~~

~~$\overline{AB} + (\overline{BC} + \overline{CD}) = \overline{AD}$~~

~~$\overline{AC} + \overline{CD} = \overline{AD}$~~

~~$\overline{AF} - \overline{DF} = \overline{AD}$~~

~~$\overline{AD} - (\overline{BC} + \overline{CD}) = \overline{AB}$~~

~~$\overline{AB} + \overline{BD} + \overline{DF} = \overline{AF}$~~

~~$\overline{BE} - \overline{BC} = \overline{EC}$~~

~~$\overline{CF} - (\overline{CE} + \overline{EF}) = 0$~~

مثال: نقاط A, B, C, D را روی یک خط چنان تراوید که داشته باشیم:



مثال: نقطه‌ی A وسط پاره خط MN ، نقطه‌ی B وسط پاره خط AN و نقطه‌ی C وسط پاره خط BN قرار دارد. جاهای خالی را با عدد مناسب کامل کنید.



$$\overline{MN} = \textcircled{1} \overline{CN}$$

$$\overline{AB} = \textcircled{2} \overline{BC}$$

$$\overline{BC} = \textcircled{3} \overline{CN}$$

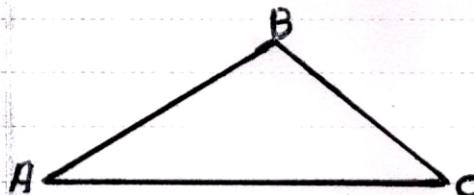
پوچش: طول کوچکترین پاره خط یعنی BC یا CN را برای ۱ واحد در نظر گیریم و اندازه‌ی بقیه‌ی پاره خطها را مشخص کنیم.

$$\overline{MN} = \textcircled{1} \overline{CN}$$

$$\overline{AB} = \textcircled{2} \overline{BC}$$

$$\overline{BC} = \textcircled{3} \overline{CN}$$

نکته‌ی هشتم: در هر مثلث، مجموع دو ضلع از ضلع سوم آن بزرگ‌تر است. بنابراین در مثلث ABC می‌توان گفت که:



$$\left\{ \begin{array}{l} \overline{AB} + \overline{BC} > \overline{AC} \\ \overline{BC} + \overline{CA} > \overline{AB} \\ \overline{CA} + \overline{AB} > \overline{BC} \end{array} \right.$$



مثال: آیا مثلث با ابعاد ۱۱، ۹، ۴ سانتی‌متر می‌توان رسم کرد؟ چرا؟

جواب: خیر
اگر چنین مثلث وجود داشته باشد، باید جمع هر دو ضلع دلخواه آن، از ضلع دیگر آن بزرگ‌تر باشد. بنابراین

- ۱۱ + ۹ > ۴ رابطه‌ی درست
- ۱۱ + ۴ > ۹ رابطه‌ی درست
- ۹ + ۴ > ۱۱ رابطه‌ی غلط

بنابراین چنین مثلث وجود ندارد.

مثال: کدام دسته از اعداد زیر می‌تواند سه ضلع یک مثلث باشد.

(۱) ۷ و ۳ و ۲

(۲) ۴، ۳ و ۱۳

(۳) ۱۲ و ۶ و ۷

(۴) ۷ و ۱۳ و ۲۰

| | | | |
|------------|-------------|-------------|--------------|
| $2+7>4$ ☺✓ | $4+6>13$ ☹✗ | $7+6>12$ ☺✓ | $13+20>7$ ☺✓ |
| $2+4>7$ ☹✗ | $13+4>7$ ☺✓ | $9+12>7$ ☺✓ | $20+7>13$ ☺✓ |
| $4+7>2$ ☺✓ | $13+4>6$ ☺✓ | $7+12>6$ ☺✓ | $13+7>20$ ☹✗ |

چنین مثلث وجود ندارد.

| | | | |
|------------|-------------|-------------|--------------|
| $2+7>4$ ☺✓ | $4+6>13$ ☹✗ | $7+6>12$ ☺✓ | $13+20>7$ ☺✓ |
| $2+4>7$ ☹✗ | $13+4>7$ ☺✓ | $9+12>7$ ☺✓ | $20+7>13$ ☺✓ |
| $4+7>2$ ☺✓ | $13+4>6$ ☺✓ | $7+12>6$ ☺✓ | $13+7>20$ ☹✗ |

چنین مثلث وجود ندارد.

| | | | |
|------------|-------------|-------------|--------------|
| $2+7>4$ ☺✓ | $4+6>13$ ☹✗ | $7+6>12$ ☺✓ | $13+20>7$ ☺✓ |
| $2+4>7$ ☹✗ | $13+4>7$ ☺✓ | $9+12>7$ ☺✓ | $20+7>13$ ☺✓ |
| $4+7>2$ ☺✓ | $13+4>6$ ☺✓ | $7+12>6$ ☺✓ | $13+7>20$ ☹✗ |

چنین مثلث وجود ندارد.

| | | | |
|------------|-------------|-------------|--------------|
| $2+7>4$ ☺✓ | $4+6>13$ ☹✗ | $7+6>12$ ☺✓ | $13+20>7$ ☺✓ |
| $2+4>7$ ☹✗ | $13+4>7$ ☺✓ | $9+12>7$ ☺✓ | $20+7>13$ ☺✓ |
| $4+7>2$ ☺✓ | $13+4>6$ ☺✓ | $7+12>6$ ☺✓ | $13+7>20$ ☹✗ |

چنین مثلث وجود ندارد.

مثال: آیا دو ضلع مثلث ۲۰ و ۱۳ باشد، کدام یک از اعداد زیر مربوط به ضلع دیگر مثلث باشد.

(۱) ۸

(۲) ۷

(۳) ۵

(۴) ۶

| | | | |
|--------------|--------------|--------------|--------------|
| $13+20>8$ ☺✓ | $20+7>13$ ☺✓ | $20+5>13$ ☺✓ | $13+20>4$ ☺✓ |
| $13+8>20$ ☺✓ | $20+13>7$ ☺✓ | $20+13>5$ ☺✓ | $20+4>13$ ☺✓ |
| $20+8>13$ ☹✗ | $13+7>20$ ☹✗ | $13+5>20$ ☹✗ | $13+4>20$ ☹✗ |

گزینه‌ی درست

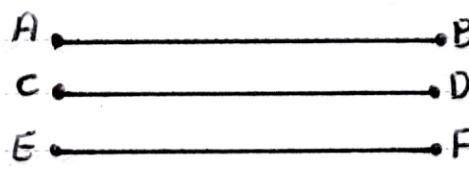
| | | | |
|--------------|--------------|--------------|--------------|
| $13+20>8$ ☺✓ | $20+7>13$ ☺✓ | $20+5>13$ ☺✓ | $13+20>4$ ☺✓ |
| $13+8>20$ ☺✓ | $20+13>7$ ☺✓ | $20+13>5$ ☺✓ | $20+4>13$ ☺✓ |
| $20+8>13$ ☹✗ | $13+7>20$ ☹✗ | $13+5>20$ ☹✗ | $13+4>20$ ☹✗ |

| | | | |
|--------------|--------------|--------------|--------------|
| $13+20>8$ ☺✓ | $20+7>13$ ☺✓ | $20+5>13$ ☺✓ | $13+20>4$ ☺✓ |
| $13+8>20$ ☺✓ | $20+13>7$ ☺✓ | $20+13>5$ ☺✓ | $20+4>13$ ☺✓ |
| $20+8>13$ ☹✗ | $13+7>20$ ☹✗ | $13+5>20$ ☹✗ | $13+4>20$ ☹✗ |

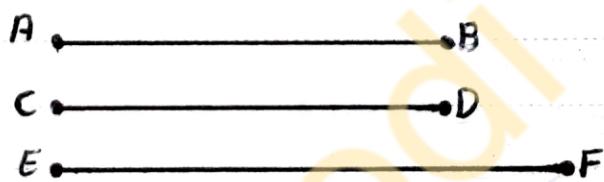
| | | | |
|--------------|--------------|--------------|--------------|
| $13+20>8$ ☺✓ | $20+7>13$ ☺✓ | $20+5>13$ ☺✓ | $13+20>4$ ☺✓ |
| $13+8>20$ ☺✓ | $20+13>7$ ☺✓ | $20+13>5$ ☺✓ | $20+4>13$ ☺✓ |
| $20+8>13$ ☹✗ | $13+7>20$ ☹✗ | $13+5>20$ ☹✗ | $13+4>20$ ☹✗ |

مثال: با توجه با رابط مشخص سده، در جای خالی عبارت مناسب بنویسید

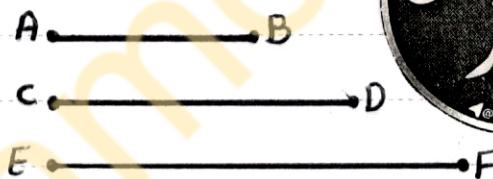
$$\left\{ \begin{array}{l} \overline{AB} = \overline{CD} \\ \cancel{\overline{CD}} = \overline{EF} \end{array} \right. \Rightarrow \overline{AB} = \overline{EF}$$



$$\left\{ \begin{array}{l} \overline{AB} = \overline{CD} \\ \cancel{\overline{CD}} > \overline{EF} \end{array} \right. \Rightarrow \overline{AB} > \overline{EF}$$



$$\left\{ \begin{array}{l} \overline{AB} < \overline{CD} \\ \cancel{\overline{CD}} < \overline{EF} \end{array} \right. \Rightarrow \overline{AB} < \overline{EF}$$



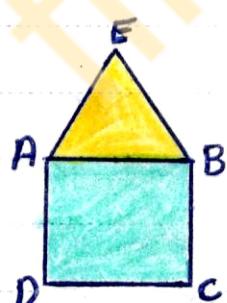
مثال: قد علی (a) بلنوت از قد حسن (b) و قد حسن اندازه‌ی قد حسن (c) است.
رابطه‌ی متعابل را کامل کنید و نتیجه‌ی آنرا به مارسی بیان کنید.

$$\left\{ \begin{array}{l} a > b \\ b = c \end{array} \right. \Rightarrow a > c$$

نتیجه؛ قد علی از قد حسن بلنوت است.

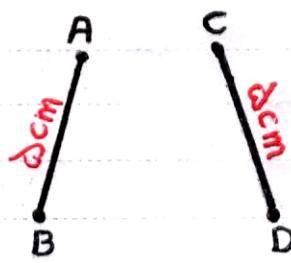
مثال: در شکل مقابل یک مریع و یک مثلث متساوی الاضلاع مشاهده می‌کنند که یکی از مثلث‌های آنها مترادف می‌باشد.

$$\overline{AD} = \overline{EB}$$



جواب؟ می‌دانیم که در هر مریع و در هر مثلث متساوی الاضلاع، مثلث‌ها باهم برابرند
بنابراین:
 $\left\{ \begin{array}{l} \overline{AD} = \overline{AB} \\ \text{مریع} \end{array} \right. \Rightarrow \overline{AD} = \overline{EB}$
 مثلث متساوی الاضلاع $\left\{ \begin{array}{l} \overline{AB} = \overline{EB} \end{array} \right.$

مثال: در شکل مقابل پاره خط‌های \overline{AB} و \overline{CD} باهم برابر هستند (طول هر کدام 5 cm باشد)

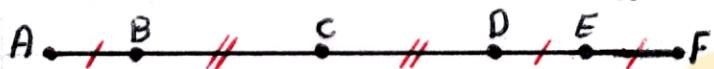


برای نشان دادن ساوه این دو پاره خط‌های تو این روی هر کدام از این پاره خط‌ها، از علامت «//» استفاده کنیم. در واقع هندسی که روی چند پاره خط علامت «//» وجود داشته باشد این معنی است که طول این پاره خط‌ها باهم برابر هستند.



$$\overline{AB} = \overline{CD}$$

مثال: با توجه به شکل مقابل، حاصل عبارات زیر را بدست آورید.
 $(\overline{AC} = 7\text{ cm}, \overline{DE} = 3\text{ cm})$



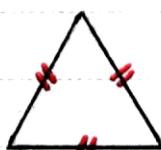
$$\begin{aligned}\overline{EF} &= 3\text{ cm} \\ \overline{DF} &= 3 + 3 = 6\text{ cm} \\ \overline{BC} &= 7 - 3 = 4\text{ cm} \\ \overline{CF} &= 3 + 3 + 3 = 9\text{ cm}\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\overline{AD} &= 3 + 4 + 3 = 10\text{ cm} \\ \overline{BF} &= 3 + 4 + 3 + 3 = 13\text{ cm} \\ \overline{AE} &= 3 + 4 + 3 + 3 = 13\text{ cm} \\ \overline{AF} &= 3 + 4 + 3 + 3 + 3 = 16\text{ cm}\end{aligned}$$

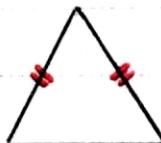


چهاب؟ با توجه با علامتی که روی پاره خط‌ها وجود دارد، واضح است که طول پاره خط‌های \overline{AB} , \overline{DE} , \overline{EF} و \overline{AC} , \overline{BC} , \overline{CD} , \overline{AE} و \overline{AF} باهم برابر هستند. بنابراین با توجه به $\overline{AC} = 7\text{ cm}$ و $\overline{DE} = 3\text{ cm}$ می‌باشد، طول سایر پاره خط‌هایقابل محاسبه است.

مثال: کدام یک از مسئلهای مقابل، متساوی الاضلاع و کدام یک متساوی ال



مسئله متساوی الاضلاعی باشد



مسئله متساوی الساقینی باشد

مثال: با توجه به شکل مقابل، در جای خالی عدد مناسب بنویسید.



جواب: طول هر یار خط کوچک را ب واحد در نظر بگیرید.

$$\overline{AB} = \frac{1}{1} \overline{BC}$$

$$\overline{CF} = \frac{2}{1} \overline{DE}$$

$$\overline{AF} = \frac{3}{1} \overline{EF}$$

$$\overline{AB} = \frac{1}{1} \overline{AD}$$

$$\overline{BD} = \frac{2}{1} \overline{AE}$$

$$\overline{BF} = \frac{3}{1} \overline{AF}$$

$$\overline{AD} = \frac{2}{1} \overline{CE}$$

$$\overline{AC} = \frac{2}{1} \overline{CE}$$

$$\overline{BE} = \frac{2}{1} \overline{DF}$$

مثال: جملات مقابل را ب عدد با تعداد مناسب کامل کنید.

(الف) نتیجاگری مقابل را کامل کنید.

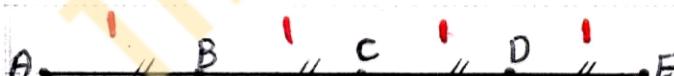
$$\begin{cases} \overline{AB} = 2 \overline{AC} \\ \overline{BC} = 2 \overline{AC} \end{cases} \Rightarrow$$

(ب) اگر نقطه M وسط پاره خط \overline{AB} باشد، میتوانیم بگوییم:

(ج) فاصله دو نقطه A و B را پاره خط \overline{AB} کوئی

> دو پاره خط \overline{BA} و \overline{AB} باهم هستند.

مثال: با توجه به شکل مقابل، تساوی های داده شده را کامل کنید.



$$\frac{\overline{AB}}{\overline{AC}} + \frac{\overline{BE}}{\overline{BD}} = \frac{1}{2} + \frac{2}{1} = \frac{1+2}{2} = \frac{3}{2} = 2$$

$$\frac{\overline{AB} + \overline{BC}}{\overline{AD}} - \frac{\overline{BC}}{\overline{CE}} = \frac{1+1}{3} - \frac{1}{2} = \frac{2}{3} - \frac{1}{2} = \frac{4-3}{6} = \frac{1}{6}$$

